

ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ ΦΥΣΙΚΗΣ ΠΡΟΣΑΝΑΤΟΛΙΣΜΟΥ Β΄ ΛΥΚΕΙΟΥ

1. Βλέπε σχολικό βιβλίο.
2. Βλέπε σχολικό βιβλίο.
3. α) Το σφαιρίδιο (1) κάνει οριζόντια βολή και το σφαιρίδιο (2) ελεύθερη πτώση. Επομένως στον άξονα $y'y$ και για τα δύο σώματα $y = \frac{1}{2}gt^2$. Επομένως στον ίδιο χρόνο t θα έχουν διανύσει την ίδια κατακόρυφη απόσταση y και θα απέχουν και τα δύο $h - y$ από το έδαφος.

$$\beta) y = \frac{1}{2}gt^2 \Rightarrow \text{στο έδαφος } y=h \quad t_{\text{πτώσης}} = \sqrt{\frac{2h}{g}} \Rightarrow \text{ο ίδιος χρόνος αφού το } h \text{ είναι ίδιο.}$$

$$\gamma) \left. \begin{array}{l} \text{Σώμα 1: } v_1 = \sqrt{v_x^2 + v_y^2} = \sqrt{v_0^2 + (gt_{\text{πτ}})^2} \\ \text{Σώμα 2: } v_2 = gt_{\text{πτ}} \end{array} \right\} \Rightarrow v_1 > v_2$$

4. Α. ΑΔΜΕ:

$$K_{\text{αρχ.}} + U_{\text{αρχ.}} = K_{\text{τελ.}} + U_{\text{τελ.}}$$

$$\frac{1}{2}mv_0^2 + mgh = \frac{1}{2}mv^2$$

$$v = \sqrt{v_0^2 + 2gh}$$

(Ως τελική θέση θεωρούμε τη θέση που φτάνουν στο ύψος του εδάφους)

Αφού έχουν το ίδιο μέτρο και το ίδιο ύψος h θα είναι: $v_1 = v_2 \rightarrow (\beta)$

B. $W_B = +mgh \rightarrow$ το ίδιο (β)

5. Βλέπε σχολικό βιβλίο.

Στην ομαλή κυκλική κίνηση παραμένουν σταθερά τα μεγέθη:

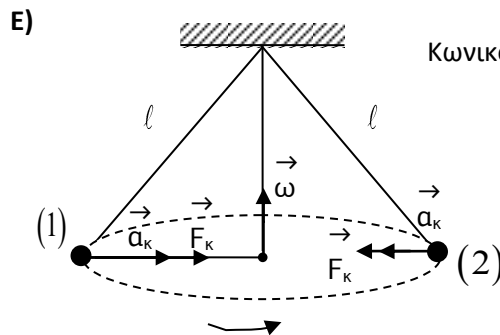
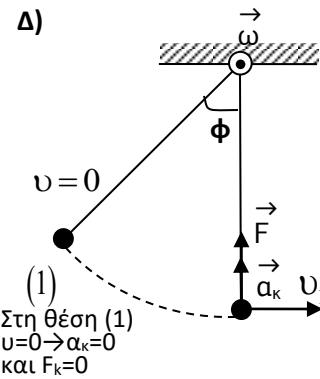
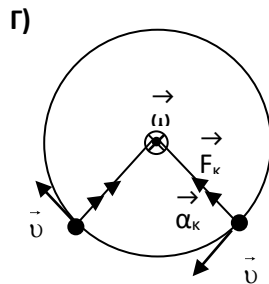
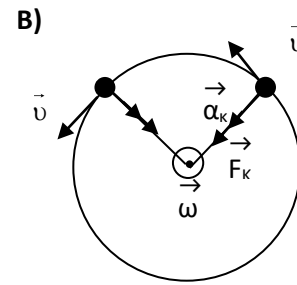
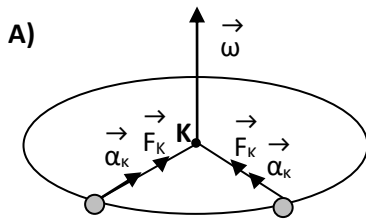
α) περίοδος T ,

β) συχνότητα f ,

γ) γωνιακή ταχύτητα ω .

Τα μεγέθη v , a_k , και F_k διατηρούν σταθερό μέτρο αλλά αλλάζει η διεύθυνσή τους.

6.



Κωνικό εκκρεμές στο οποίο το σφαιρίδιο κινείται αριστερόστροφα.

7. Α. Η κεντρομόλος δύναμη είναι η συνισταμένη των δυνάμεων που ασκούνται στο σώμα που κινείται κυκλικά, πάνω στη διεύθυνση της ακτίνας, με φορά προς το κέντρο της τροχιάς. Επομένως, σωστή είναι η (γ).

Β. $W_{F_K} = 0$, γιατί είναι διαρκώς κάθετη στη στοιχειώδη μετατόπιση.

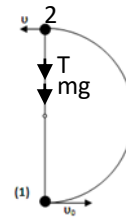
8. Πρέπει στην ανώτατη θέση της τροχιάς (θέση 2):

$$\Sigma F_{(R)} = F_{\kappa} \Leftrightarrow T + mg = \frac{mv^2}{\ell} \xrightarrow[T=0]{\text{οριακά}} v_{\min} = \sqrt{g\ell}$$

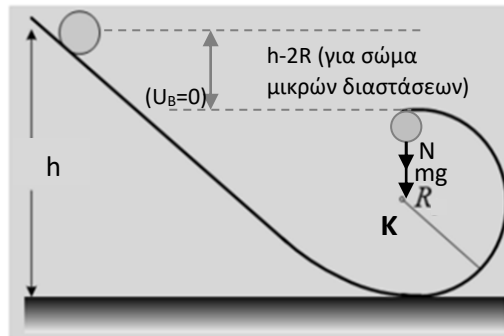
$$\Theta\text{ΜΚΕ} : K_2 - K_1 = \Sigma W \Leftrightarrow \frac{1}{2}mv^2 - \frac{1}{2}mv_0^2 = W_T + W_{mg} \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow \frac{1}{2}mv^2 - \frac{1}{2}mv_0^2 = -mg \cdot 2\ell \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow v_0 = \sqrt{v^2 + 4g\ell} \xrightarrow[\text{για } v_{\min}=2g\ell]{\text{για } v_{\min}=2g\ell} v_{0_{\min}} = \sqrt{5g\ell}$$



9.



Στην ανώτατη θέση της τροχιάς (B):

$$\Sigma F_{(R)} = F_{\kappa} \Leftrightarrow N + mg = \frac{mv^2}{R} \xrightarrow[N=0]{\text{οριακά}} mg = \frac{mv_{\min}^2}{R} \Leftrightarrow v_{\min} = \sqrt{gR} \quad (1)$$

$$\Lambda\Delta\text{ΜΕ} : K_A + U_A = K_B + U_B \Leftrightarrow$$

$$mg(h - 2R) = \frac{1}{2}mv^2 \Leftrightarrow$$

$$h - 2R = \frac{v^2}{2g} \Leftrightarrow$$

$$h = 2R + \frac{v^2}{2g} \xrightarrow[\text{για } v_{\min}=\sqrt{gR}]{\text{για } v_{\min}=\sqrt{gR}} h_{\min} = 2R + \frac{R}{2} = 2,5R$$

10.

ΑΔΜΕ:

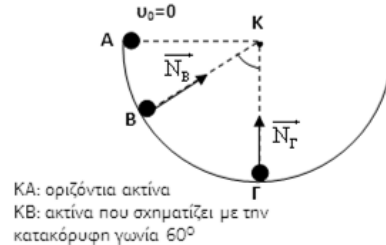
$$K_A + U_A = K_B + U_B \quad (\text{Θεωρούμε } U_B = 0) \Leftrightarrow$$

$$0 + mgh_A = \frac{1}{2}mv_B^2 \Leftrightarrow$$

$$v_B = \sqrt{2gh_A} \Leftrightarrow$$

$$\text{όπου } h_A = R \cdot \sigma\upsilon\nu 60^\circ = \frac{R}{2}$$

$$\text{Άρα: } v_B = \sqrt{gR} \quad (1)$$



Όμως:

$$\Sigma F_{(R)} = F_k \Leftrightarrow N_B - mg\sigma\upsilon\nu 60^\circ = \frac{mv_B^2}{R} \stackrel{(1)}{\Rightarrow}$$

$$N_B = mg\sigma\upsilon\nu 60^\circ + \frac{m \cdot gR}{R} = \frac{mg}{2} + mg = \frac{3mg}{2}$$

$$\text{ΑΔΜΕ: } K_A + U_A = K_\Gamma + U_\Gamma \quad (\text{Θεωρούμε } U_\Gamma = 0) \Leftrightarrow$$

$$mgR = \frac{1}{2}mv_\Gamma^2 \Leftrightarrow v_\Gamma = \sqrt{2gR} \quad (2)$$

Όμως:

$$\Sigma F_{\Gamma(R)} = F_{\kappa_\Gamma} \Leftrightarrow N_\Gamma - mg = \frac{mv_\Gamma^2}{R} \stackrel{(2)}{\Rightarrow}$$

$$N_\Gamma = mg + \frac{m \cdot 2gR}{R} = 3mg$$

11.

α) Εφόσον το νήμα είναι μη εκτατό όλα του τα σημεία έχουν το ίδιο μέτρο ταχύτητας. Εφόσον δεν ολισθαίνει στις περιφέρειες των τροχών το μέτρο της ταχύτητας του νήματος ισούται με το μέτρο των γραμμικών ταχυτήτων στις περιφέρειες των τροχών.

$$\text{Επομένως: } v_1 = v_2 \Rightarrow \frac{v_1}{v_2} = 1$$

$$\beta) \text{ Είναι } v_1 = v_2 \Leftrightarrow \omega_1 R_1 = \omega_2 R_2 \Leftrightarrow \omega_1 \cdot 2R_2 = \omega_2 R_2 \Leftrightarrow \frac{\omega_1}{\omega_2} = \frac{1}{2}$$

$$\gamma) \text{ Αφού } \frac{\omega_1}{\omega_2} = \frac{1}{2} \Leftrightarrow \frac{2\pi f_1}{2\pi f_2} = \frac{1}{2} \Leftrightarrow \frac{f_1}{f_2} = \frac{1}{2}$$

$$\delta) \frac{\alpha_{\kappa_1}}{\alpha_{\kappa_2}} = \frac{\frac{v_1^2}{R_1}}{\frac{v_2^2}{R_2}} = \frac{v_1^2 \cdot R_2}{v_2^2 \cdot R_1} = \left(\frac{v_1}{v_2} \right)^2 \cdot \frac{R_2}{2R_1} = \frac{1}{2}$$

$$\epsilon) \text{ Αφού } \frac{f_1}{f_2} = \frac{1}{2} \Leftrightarrow \frac{\frac{N_1}{\Delta t}}{\frac{N_2}{\Delta t}} = \frac{1}{2} \Leftrightarrow \frac{N_1}{N_2} = \frac{1}{2}$$

12. Είναι:

$$a_k = \frac{v^2}{R} = \frac{(\omega R)^2}{R} = \omega^2 R$$

$$\frac{a_{k\lambda}}{\alpha_{k\omega\rho}} = \frac{\omega_\lambda^2 \cdot R_\lambda}{\omega_{\omega\rho}^2 \cdot R_{\omega\rho}} = \left(\frac{\frac{2\pi}{T_\lambda}}{\frac{2\pi}{T_{\omega\rho}}} \right)^2 \cdot \frac{R_\lambda}{R_{\omega\rho}} =$$

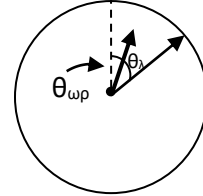
$$\left(\frac{T_{\omega\rho}}{T_\lambda} \right)^2 \cdot \frac{R_\lambda}{R_{\omega\rho}} = \left(\frac{12h}{1h} \right)^2 \cdot \frac{2R_\lambda}{R_\lambda} =$$

$$= 144 \cdot 2 = 288$$

13. Έστω θ_λ και $\theta_{\omega\rho}$ οι επίκεντρες γωνίες που έχουν διαγράψει ο λεπτοδείκτης και ο ωροδείκτης αντίστοιχα, σε χρόνο t .

$$\text{Επειδή } \omega = \frac{\theta}{t} \Leftrightarrow \theta = \omega t.$$

$$\text{Θέλουμε: } \theta_\lambda - \theta_{\omega\rho} = \frac{\pi}{6} \quad \left(30^\circ \rightarrow \frac{\pi}{6} \text{ rad} \right)$$



$$\omega_\lambda \cdot t - \omega_{\omega\rho} \cdot t = \frac{\pi}{6}$$

$$t = \frac{\pi}{6 \cdot (\omega_\lambda - \omega_{\omega\rho})}, \text{ όπου } \omega_{\omega\rho} = \frac{2\pi}{T_{\omega\rho}} = \frac{2\pi \text{ rad}}{12 \text{ h}} = \frac{\pi}{6} \text{ rad/h}$$

$$\omega_\lambda = \frac{2\pi}{T_\lambda} = \frac{2\pi \text{ rad}}{1 \text{ h}} = 2\pi \text{ rad/s}$$

$$\text{Επομένως: } t = \frac{\pi}{6 \cdot \left(2\pi - \frac{\pi}{6} \right)} = \frac{\pi}{6 \cdot \frac{11\pi}{6}} = \frac{1}{11} \text{ h} \rightarrow (\alpha)$$

14. Εάν S_1 και S_2 είναι τα μήκη των τόξων που θα διαγράψουν τα σώματα 1 και 2 αντίστοιχα, σε χρόνο t τότε:

$$S_1 = u_1 t = 12t \text{ (SI)}$$

$$S_2 = u_2 t = 20t \text{ (SI)}$$

α) Αν έχουν αντίθετες φορές κίνησης:

$$S_1 + S_2 = 2\pi R \Leftrightarrow 32t = 2\pi \frac{160}{\pi} \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow 32t = 320 \Leftrightarrow t = 10 \text{ sec} \rightarrow \text{Σωστό}$$

β) Αν έχουν την ίδια φορά κίνησης:

$$S_2 - S_1 = 2\pi R \Leftrightarrow 8t = 320 \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow t = 40 \text{ sec} \rightarrow \text{Σωστό}$$

15. Όλα τα σημεία του δίσκου, που είναι έξω από τον άξονα έχουν ακτίνες που διαγράφουν στον ίδιο χρόνο τις ίδιες επίκεντρες γωνίες,

επομένως $\omega = \frac{\Delta\theta}{\Delta t}$, ίδια για όλα.

$$\alpha) \frac{v_A}{v_B} = \frac{\omega R_A}{\omega R_B} = \frac{R}{\frac{R}{2}} = 2$$

$$\beta) a_{\kappa} = \frac{v^2}{R} = \frac{(\omega R)^2}{R} = \omega^2 R, \text{ επομένως } \frac{a_{\kappa A}}{a_{\kappa B}} = \frac{\omega^2 \cdot R_A}{\omega^2 \cdot R_B} = \frac{R}{\frac{R}{2}} = 2.$$

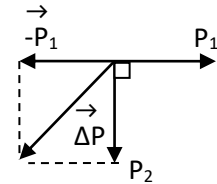
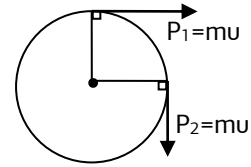
16. α) Σε χρόνο T/4 θα διαγράψει το 1/4 του κύκλου

(τεταρτοκύκλιο)

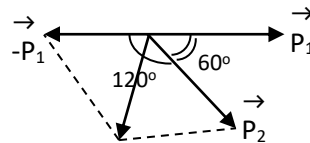
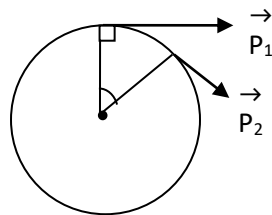
$$\text{Είναι: } \Delta\vec{P} = \vec{P}_2 - \vec{P}_1 = \vec{P}_2 + (-\vec{P}_1)$$

Επομένως:

$$\begin{aligned} \Delta P &= \sqrt{P_1^2 + P_2^2} = \sqrt{(mu)^2 + (mu)^2} = \\ &= \sqrt{2(mu)^2} = \\ &= mu\sqrt{2} = \\ &= 20\sqrt{2}m/s \end{aligned}$$



β)



Σε χρόνο T/6 θα διαγράψει το 1/6 του κύκλου, δηλαδή η αντίστοιχη επίκεντρη γωνία που θα διαγράψει η επιβατική ακτίνα θα είναι: $\frac{1}{6} 360^\circ = 60^\circ$

$$\Delta\vec{P} = \vec{P}_2 - \vec{P}_1 = \vec{P}_2 + (-\vec{P}_1)$$

Επομένως:

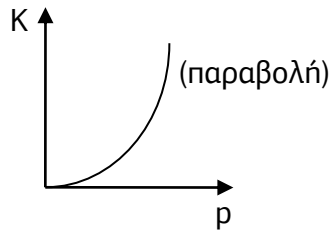
$$\begin{aligned} \Delta P &= \sqrt{P_1^2 + P_2^2 + 2P_1P_2\cos 120^\circ} = \sqrt{(mu)^2 + (mu)^2 + 2 \cdot mu \cdot mu \left(-\frac{1}{2}\right)} = \\ &= \sqrt{(mv)^2} = mv = 20m/s. \end{aligned}$$

17. Βλέπε σχολικό βιβλίο.

18. Βλέπε σχολικό βιβλίο.

19. α) Είναι: $K = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2}m\left(\frac{P}{m}\right)^2 = \frac{1}{2}m\frac{P^2}{m^2} = \frac{P^2}{2m}$

β)



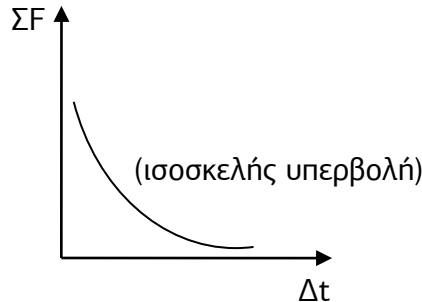
20. α) Ναι γιατί $P_{ολ.}=0$ μπορούμε να έχουμε και όταν δύο σώματα κινούνται σε αντίθετες κατευθύνσεις με ίσα μέτρα ορμών (αντίθετες ορμές) τότε όμως το σύστημά τους έχει κινητική ενέργεια.

β) Αν για ένα σώμα $p = 0 \Leftrightarrow mv = 0 \Leftrightarrow v = 0 \Leftrightarrow K = 0$.

Επομένως, όχι δεν μπορεί.

21. α) $\Sigma \vec{F} = m\vec{a} = m\frac{\Delta\vec{v}}{\Delta t} = \frac{\Delta(m\vec{v})}{\Delta t} = \frac{\Delta\vec{P}}{\Delta t}$

β)



22. «Αν ένα σώμα ή σύστημα σωμάτων είναι μονωμένο, δηλαδή, αν:

$$\Sigma \vec{F}_{εξωτερικών\ δυνάμεων} = 0 \text{ τότε η ορμή του διατηρείται.}$$

Απόδειξη: $\Sigma \vec{F} = \frac{\Delta\vec{P}}{\Delta t} \Leftrightarrow \Delta\vec{P} = \Sigma \vec{F} \cdot \Delta t \quad (1)$

Αν $\Sigma \vec{F}_{εξωτερικών\ δυνάμεων} = 0$ τότε:

$$\Sigma F = \Sigma F_{εξ} + \Sigma F_{εσωτ} = 0, \text{ τότε:}$$

$$(1) \rightarrow \Delta\vec{P} = \vec{0} \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow \vec{P} = \text{σταθερή}$$

23. Κρούση ονομάζουμε κάθε φαινόμενο κατά το οποίο «τα συγκρουόμενα» σωματίδια, αλληλεπιδρούν με σχετικά μεγάλες δυνάμεις για μικρό χρονικό διάστημα. Στις κρούσεις τα σώματα δεν έρχονται πάντοτε σε επαφή. Για παράδειγμα, στον μικρόκοσμο συναντάμε κρούσεις όπου τα σωματίδια δεν έρχονται σε επαφή, όπως δύο πρωτόνια, που το ένα κινείται προς το άλλο, πλησιάζοντας αλλάζει απότομα η κινητική τους κατάσταση (το φαινόμενο αυτό λέγεται σκέδαση).

24. α) Ελαστική είναι η κρούση στην οποία διατηρείται η κινητική ενέργεια του συστήματος των συγκρουόμενων σωμάτων.

β) Ανελαστική είναι η κρούση στην οποία ένα τουλάχιστον μέρος της κινητικής ενέργειας του συστήματος των συγκρουόμενων σωμάτων μετατρέπεται σε θερμότητα.

γ) Πλαστική είναι η ανελαστική κρούση που οδηγεί στη δημιουργία συσσωματώματος.

25. Αυξάνεται η κινητική του ενέργεια. Ένα μέρος της εγκλωβισμένης ενέργειας του συστήματος (χημική ενέργεια στα εκρηκτικά), απελευθερώνεται με αποτέλεσμα την αύξηση της κινητικής ενέργειας. Η ορμή του παραμένει σταθερή γιατί $\Delta t \rightarrow 0$ (χρονικό διάστημα της έκρηξης), επομένως:

$$\Sigma \vec{F} = \frac{\Delta \vec{p}}{\Delta t} \Rightarrow \Delta \vec{p} = \vec{0} \Leftrightarrow \vec{p} = \text{σταθερή}$$

26. α) Κεντρική (ή μετωπική) ονομάζεται η κρούση στην οποία τα διανύσματα των ταχυτήτων των κέντρων μάζας των σωμάτων που συγκρούονται (πριν και μετά την κρούση), βρίσκονται πάνω στην ευθεία.

β) Έκκεντρη ονομάζεται η κρούση στην οποία οι ταχύτητες των συγκρουόμενων σωμάτων είναι παράλληλες.

γ) Πλάγια ονομάζεται η κρούση στην οποία οι διευθύνσεις των ταχυτήτων των κέντρων των συγκρουόμενων σωμάτων είναι τυχαίες.

27.

α) Σωστό

(ΑΔΕ)

β) Σωστό

$$(\text{από ΑΔΟ: } \vec{P}_1 + \vec{P}_2 = \vec{P}'_1 + \vec{P}'_2 \Leftrightarrow \vec{P}_1 - \vec{P}'_1 = \vec{P}'_2 - \vec{P}_2 \Leftrightarrow -\Delta\vec{P}_1 = \Delta\vec{P}_2)$$

γ) Λάθος

$$(\text{μόνο στις ελαστικές, όπου: } K_1 + K_2 = K'_1 + K'_2 \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow K_1 - K'_1 = K'_2 - K_2 \Leftrightarrow -\Delta K_1 = \Delta K_2)$$

δ) Λάθος

(Για παράδειγμα ακόμα και αν το μέτρο της ταχύτητας διατηρηθεί, ελαστική κρούση, αλλάζει η διεύθυνσή της).

28.

$$\text{α) ΑΔΟ: } m_1 v_1 = (m_1 + m_2) V \Rightarrow V = \frac{m_1 v_1}{m_1 + m_2} = 2 \text{ m/s}$$

$$Q_{\text{κρούσης}} = \frac{1}{2} m_1 v_1^2 - \frac{1}{2} (m_1 + m_2) V^2 = 40 \text{ J}$$

$$\text{β) ΑΔΟ: } m_1 v_1 + m_2 v_2 = (m_1 + m_2) V \Rightarrow V = 6 \text{ m/s}$$

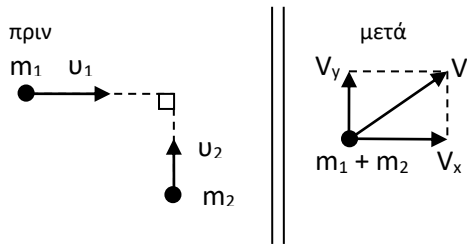
$$Q_{\text{κρούσης}} = \frac{1}{2} m_1 v_1^2 + \frac{1}{2} m_2 v_2^2 - \frac{1}{2} (m_1 + m_2) V^2 = 10 \text{ J}$$

$$\text{γ) ΑΔΟ: } m_2 v_2 - m_1 v_1 = (m_1 + m_2) V \Rightarrow V = 2 \text{ m/s}$$

$$Q_{\text{κρούσης}} = \frac{1}{2} m_1 v_1^2 + \frac{1}{2} m_2 v_2^2 - \frac{1}{2} (m_1 + m_2) V^2 = 90 \text{ J}$$

Περισσότερη θερμότητα έχουμε στην (γ).

29.



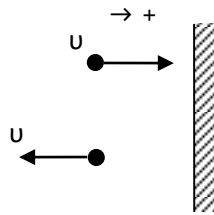
$$\text{ΑΔΟ στο } x'x \text{ άξονα: } m_1 u_1 + 0 = (m_1 + m_2) V_x \Rightarrow V_x = 4m/s$$

$$\text{ΑΔΟ στο } y'y \text{ άξονα: } 0 + m_2 u_2 = (m_1 + m_2) V_y \Rightarrow V_y = 3m/s$$

$$\text{Επομένως: } V = \sqrt{V_x^2 + V_y^2} = 5m/s$$

$$Q = \frac{1}{2} m_1 u_1^2 + \frac{1}{2} m_2 u_2^2 - \frac{1}{2} (m_1 + m_2) V^2 = 25J$$

30.



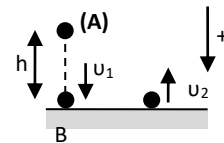
$$\text{Αλγεβρικά: } \Delta P = P_{\text{τελ}} - P_{\text{αρχ}} = -mv - (+mv) = -2mv$$

$$\text{Οπότε } |\Delta P| = 2mv \rightarrow \text{σωστή η επιλογή (β)}$$

31. α) ΑΔΜΕ:

$$K_A + U_A = K_B + U_B \Leftrightarrow$$

$$mgh = \frac{1}{2} m v_1^2 \Leftrightarrow v_1 = \sqrt{2gh} = 20m/s.$$

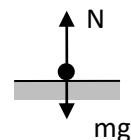


Αφού το σώμα κατά την πρόσκρουση στο έδαφος κάνει το 75%, του απομένει το 25%.

$$\text{Δηλαδή: } K_2 = \frac{25}{100} K_1 \Leftrightarrow \frac{1}{2} m v_2^2 = \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{2} m v_1^2 \Leftrightarrow v_2 = \frac{v_1}{2} = 10m/s$$

$$\beta) \Sigma F = \frac{\Delta P}{\Delta t} = \frac{P_2 - P_1}{\Delta t} = \frac{-m v_2 - (+m v_1)}{\Delta t} = -\frac{m(v_2 + v_1)}{\Delta t} = -300N$$

$$\text{Κατά μέτρο: } |\Sigma F| = N - mg \Rightarrow 300N = N - 1N \Rightarrow N = 301N$$

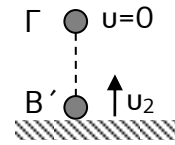


$$\gamma) \text{ ΑΔΜΕ: } K'_B + U'_B = K_\Gamma + U_\Gamma \Leftrightarrow \frac{1}{2}mv_2^2 = mgh' \Rightarrow$$

$$\Rightarrow h' = \frac{v_2^2}{2g} \Rightarrow h' = 5\text{m}$$

Επειδή επιβραδύνεται:

$$v = v_2 - gt \xrightarrow{v \rightarrow 0} t_{\text{ανόδου}} = \frac{v_2}{g} = 1\text{s}$$



$$32. \alpha) \text{ ΑΔΟ: } mv = (m+M)V \Rightarrow V = 4\text{m/s}$$

$$E_{\text{απολείων}} = Q = \frac{1}{2}mv^2 - \frac{1}{2}(M+m)V^2 = 160\text{J}$$

$$\frac{E_{\text{απολείων}}}{\frac{1}{2}mv^2} = \frac{160\text{J}}{200\text{J}} = 0,8 = 80\%$$

$$\beta) \frac{\frac{1}{2}MV^2}{\frac{1}{2}mv^2} = \frac{4 \cdot 4^2}{1 \cdot 20^2} = \frac{4}{25}$$

$$\gamma) F_{(\text{στο } m)} = \frac{\Delta P_{(m)}}{\Delta t} = \frac{mV - mv}{\Delta t} = m \frac{(V - v)}{\Delta t} = -160\text{N}$$

$$F_{(\text{στο } M)} = \frac{\Delta P_{(M)}}{\Delta t} = \frac{mV - 0}{\Delta t} = +160\text{N}$$

Οι δύο δυνάμεις είναι δράση -αντίδραση.

$$\delta) \text{ ΘΜΚΕ: } K_{\text{τελ.}} - K_{\text{αρχ.}} = \Sigma W \Leftrightarrow$$

$$0 - \frac{1}{2}(m+M)V^2 = W_w + W_N + W_T$$

$$-\frac{1}{2}(m+M)V^2 = -\mu(m+M)g \cdot x$$

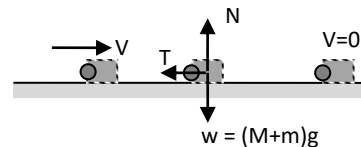
$$x = \frac{V^2}{2\mu g} = 4\text{m}$$

$$\epsilon) \Sigma F = (m+M)\alpha \Leftrightarrow T = (m+M)\alpha \Leftrightarrow$$

$$\mu(m+M)g = (m+M)\alpha \Leftrightarrow$$

$\alpha = \mu g = 2\text{m/s}^2$ είναι η επιβράδυνση.

$$\text{Είναι: } v = v_0 - \alpha t \Rightarrow t = \frac{v_0}{\alpha} = 2\text{s}$$



33. α) Στη θέση του ανώτατου ύψους το σώμα στιγμιαία ακινητοποιείται.

Από ΑΔΟ:

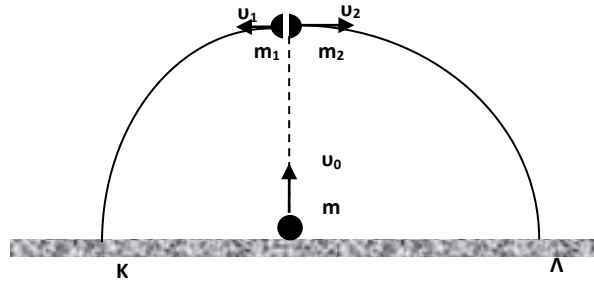
$$\vec{P}_{ολικό\ πριν} = \vec{P}_{ολικό\ μετά} \Leftrightarrow$$

$$\vec{0} = \vec{P}_1 + \vec{P}_2 \Leftrightarrow$$

$$\vec{P}_2 = -\vec{P}_1 \quad \eta \quad m_2 \vec{v}_2 = -m_1 \vec{v}_1$$

Επομένως:

$$\vec{v}_2 \nearrow \swarrow \vec{v}_1.$$



β) Για τα μέτρα: $m_2 v_2 = m_1 v_1 \Leftrightarrow \frac{m}{4} v_2 = \frac{3m}{4} \cdot 20 \frac{m}{s} \Leftrightarrow v_2 = 60 \frac{m}{s}$

Τα δύο κομμάτια θα κάνουν οριζόντια βολή. Ο χρόνος πτώσης στο έδαφος για

το καθένα θα είναι: $t_{\pi\tau} = \sqrt{\frac{2h_{\max}}{g}}$ όπου το μέγιστο ύψος μπορεί να βρεθεί από

την ΑΔΜΕ για την ανύψωση του σώματος:

$$K_{αρχ} + U_{τελ} = K_{τελ} + U_{αρχ} \Leftrightarrow \frac{1}{2} m v_0^2 + 0 = 0 + m g h_{\max} \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow h_{\max} = \frac{v_0^2}{2g} = 80m$$

Επομένως: $t_{\pi\tau\acute{o}\sigma\eta\varsigma} = \sqrt{\frac{2 \cdot 80}{10}} s = 4s$

Το βεληνεκές για το καθένα θα είναι:

$$x_{1_{\max}} = v_1 \cdot t_{\pi\tau} = 80m$$

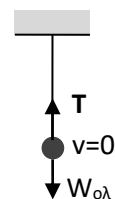
$$x_{2_{\max}} = v_2 \cdot t_{\pi\tau} = 240m$$

Τελικά: $(K\Lambda) = x_{1_{\max}} + x_{2_{\max}} = 320m$

γ) Η άνοδος του σώματος είναι κίνηση ευθύγραμμη ομαλά επιβραδυνόμενη με

$$\alpha = g, \text{ επομένως } v = v_0 - gt \Rightarrow t_{\text{ανόδου}} = \frac{v_0}{g} = 4s$$

Επομένως: $t_{ολ} = t_{\text{ανόδου}} + t_{\pi\tau\acute{o}\sigma\eta\varsigma} = 6s$



34. A. ΑΔΟ: $+m_1v_1 - m_2v_2 = (m_1 + m_2 + M)V \Leftrightarrow$

$$+m \cdot 6 - 3m \cdot 2 = 5m \cdot V \Leftrightarrow V = 0$$

Επομένως: $\Sigma F = 0 \Rightarrow T = W_{ολ} = 5m \cdot g = 5N$

B. α) ΑΔΟ:

$$m_1v_1 - m_2'v_2' = (m_1 + m_2' + m_3)V \Leftrightarrow$$

$$m \cdot 6 - m \cdot 3 = 3m \cdot V \Leftrightarrow 3m = 3mV \Leftrightarrow V = 1 \frac{m}{s}$$

Είναι: $\Sigma F_{(R)} = F_K \Rightarrow T - W_{ολ.} = \frac{m_{ολ.} \cdot V^2}{\ell} \Rightarrow$

$$T = (m_1 + m_2 + M)g + \frac{(m_1 + m_2 + M)V^2}{\ell} \Rightarrow$$

$$T = 3 + \frac{3 \cdot 1^2}{0,5} = 9N$$

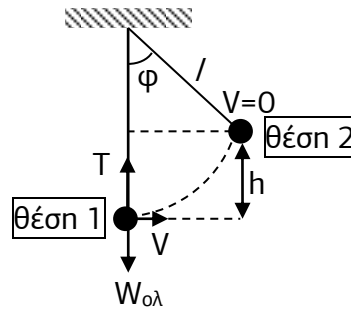
β)

ΑΔΜΕ: $K_1 + U_1 = K_2 + U_2$

$$\frac{1}{2} m_{ολ} V^2 + 0 = 0 + m_{ολ} gh$$

$$h = \frac{V^2 (SI)}{2g} = \frac{1^2}{2 \cdot 10} = 0,05m$$

$$\sigmaυνφ = \frac{\ell - h}{\ell} = \frac{0,5 - 0,05}{0,5} = 0,9$$

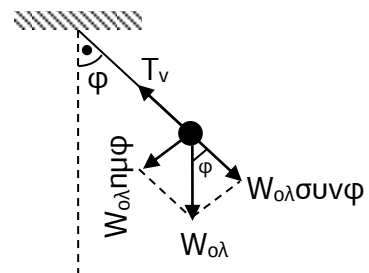


γ) Στη θέση (2) της μέγιστης εκτροπής:

$$\Sigma F_{(R)} = \frac{mv^2}{\ell} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow T_v - W_{ολ} \cdot \sigmaυνφ = 0 \Rightarrow T_v = W_{ολ} \cdot \sigmaυνφ \Rightarrow$$

$$\Rightarrow T_v = \frac{(S.I.)}{3} \cdot 0,9 = 2,7N$$



35.

$$\Delta\Delta\text{O}: m_A v_A + m_B v_B = m_A v'_A + m_B v'_B \Leftrightarrow$$

$$m_A \cdot 20 + m_B \cdot (-10) = m_A \cdot (-5) + m_B \cdot 10 \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow 25m_A = 20m_B \Leftrightarrow \frac{m_A}{m_B} = \frac{20}{25} \quad \text{ή} \quad \frac{m_A}{m_B} = \frac{4}{5} \rightarrow \text{σωστή η επιλογή (Γ)}$$

36. α) ΘΜΚΕ για το m_1 από

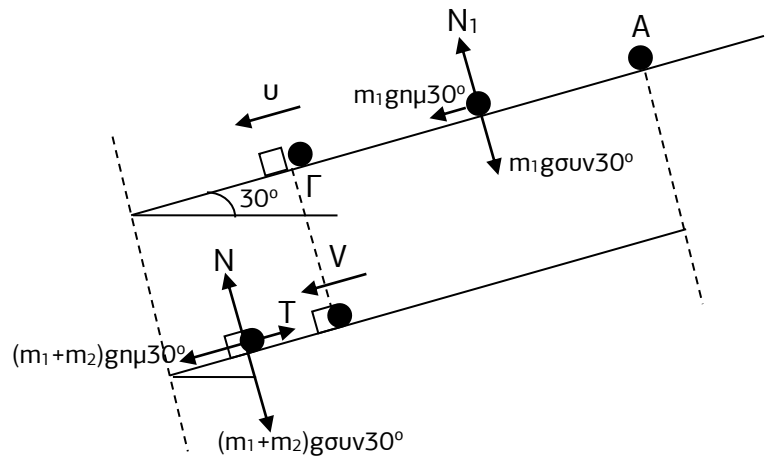
A → Γ:

$$K_\Gamma - K_A = \Sigma W \Rightarrow$$

$$\frac{1}{2} m_1 v^2 - 0 = W_{B_1} + W_{N_1} \Rightarrow$$

$$\frac{1}{2} m_1 v^2 = m_1 g \mu 30^\circ \cdot S_1 \Rightarrow$$

$$v = \sqrt{2g\mu 30^\circ \cdot S_1} = 4 \text{ m/s}$$



ΑΔΟ:

$$m_1 v = (m_1 + m_2) V \Rightarrow V = 1 \text{ m/s}$$

ΘΜΚΕ για το συσσωμάτωμα από Γ → Δ:

$$K_\Delta - K_\Gamma = \Sigma W$$

$$0 - \frac{1}{2} (m_1 + m_2) V^2 = W_{B_{\alpha}} + W_N + W_T$$

$$-\frac{1}{2} (m_1 + m_2) V^2 = (m_1 + m_2) g \mu \phi (S - S_1) - T \cdot (S - S_1)$$

$$-\frac{1}{2} (m_1 + m_2) V^2 = (m_1 + m_2) g \mu \phi (S - S_1) - \mu (m_1 + m_2) g \sigma \nu \phi \cdot (S - S_1)$$

$$-\frac{1}{2} \cdot 1^2 = 10 \cdot \frac{1}{2} \cdot 0,2 - \mu \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot 0,2 \cdot 10$$

$$-1 = 2 - 2\mu\sqrt{3} \Leftrightarrow 2\mu\sqrt{3} = 3 \Leftrightarrow \mu = \frac{3}{2\sqrt{3}}$$

$$\text{ή } \mu = \frac{3\sqrt{3}}{6} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

Όπου :

$$\Sigma F_y = 0 \Rightarrow$$

$$N = (m_1 + m_2) g \cdot \sigma \nu \phi$$

Τριβή:

$$T = \mu N = \mu (m_1 + m_2) g \cdot \sigma \nu \phi$$

$$\beta) Q_{ολ} = Q_{κρούσης} + Q_{τριβής}$$

$$Q_{κρούσης} = \frac{1}{2} m_1 v^2 - \frac{1}{2} (m_1 + m_2) V^2 \stackrel{(SI)}{=} \frac{1}{2} \cdot 1 \cdot 4^2 - \frac{1}{2} \cdot 4 \cdot 1^2 = 6J$$

$$Q_{τριβής} = |W_T| = T \cdot (S - S_1) = \mu (m_1 + m_2) g \sin \varphi \cdot (S - S_1) \stackrel{(SI)}{=} \\ = \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot 4 \cdot 10 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot 0,2 = 6J$$

$$\text{Επομένως: } Q_{ολ} = Q_{κρούσης} + Q_{τριβής} = 12J$$

37. α) Επειδή η κίνηση είναι ομαλή κυκλική το σώμα σε ίσους χρόνους διαγράφει ίσα τόξα. Το τόξο AB είναι τεταρτοκύκλιο, επομένως:

$$T = 4 \cdot t_{AB} = 4 \cdot 4 \text{ sec} = 16 \text{ sec} \rightarrow \text{Σωστό}$$

$$\beta) v = \frac{2\pi R \stackrel{(SI)}{}}{T} = \frac{2\pi \frac{16}{\pi}}{16} = 2 \text{ m/s} \rightarrow \text{Σωστό}$$

γ) Είναι $P_A = P_\Gamma = mv = 0,2 \text{ kgm/s}$ (μέτρα)

$$\Delta P_{A,\Gamma} = P_\Gamma - P_A = -mv - mv = -2mv = -0,4 \text{ kgm/s}$$

$$\text{άρα } |\Delta P_{A,\Gamma}| = 0,4 \text{ kgm/s} \rightarrow \text{Σωστό}$$

δ) Για τα μέτρα $P_A = P_\Delta = mv$

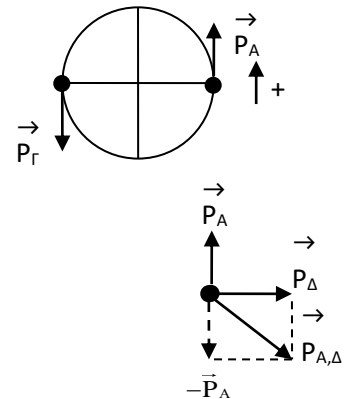
$$\Delta \vec{P}_{A,\Delta} = \vec{P}_\Delta - \vec{P}_A = \vec{P}_\Delta + (-\vec{P}_A)$$

Επομένως:

$$|\Delta \vec{P}_{A,\Delta}| = \sqrt{P_A^2 + P_\Delta^2} = \sqrt{2(mv)^2} =$$

$$mv\sqrt{2} = 0,2\sqrt{2} \text{ kgm/s} \rightarrow \text{Σωστό}$$

$$\epsilon) F_k = \frac{mv^2 \stackrel{(SI)}{}}{R} = \frac{0,1 \cdot 2^2}{\frac{1}{16}} = \frac{0,1 \cdot 4\pi}{16} = \frac{\pi}{40} \text{ N} \rightarrow \text{Λάθος}$$



38. α)

i. Α.Δ.Μ.Ε. :

$$\cancel{K_{\alpha\rho\chi}^0} + U_{\alpha\rho\chi} = K_{\tau\epsilon\lambda} + \cancel{U_{\alpha\rho\chi}^0} \Leftrightarrow$$

$$m_1gh = \frac{1}{2} m_1 v_1^2 \Leftrightarrow$$

$$v_1 = \sqrt{2gh} \rightarrow \text{ίδια και στα δύο}$$

Α.Δ.Ο. :

$$m_1 v_1 + 0 = 0 + m_2 v_2' \Leftrightarrow v_2' = \frac{m_1 v_1}{m_2} \rightarrow \text{ίδιες και στα δύο}$$

ii. $\vec{P}_2 = m_2 \vec{v}_2' \rightarrow$ ίδιες και στα δύο

$$\beta) Q_{\kappa\rho\upsilon\sigma\eta\varsigma} = K_{\text{ολ πριν}} - K_{\text{ολ μετά}} = \frac{1}{2} m_1 v_1^2 - \frac{1}{2} m_2 v_2'^2 \rightarrow \text{ίδια και στα δύο}$$

39.

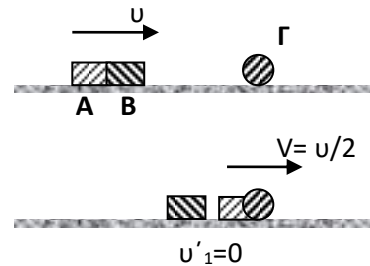
ΑΔΟ:

$$(m_1 + m_2)v = (m_2 + m_3)V \Leftrightarrow$$

$$(m_1 + m_2)v = 6m_2 \frac{v}{2} \Leftrightarrow$$

$$m_1 + m_2 = 3m_2 \Leftrightarrow m_1 = 2m_2 \Leftrightarrow$$

$$\frac{m_1}{m_2} = 2 \rightarrow \text{σωστή είναι η επιλογή (α)}$$



40.

α) Σωστό

→ γιατί η ($g_{\text{στον πόλο}} > g_{\text{στον ισημερινό}}$)

β) Λάθος

→ γιατί για τον κάθε δορυφόρο

$$\Sigma F_{(R)} = F_k \Leftrightarrow G \frac{mM_{\Gamma}}{(R_{\Gamma} + h)^2} = \frac{mv^2}{R_{\Gamma} + h} \Leftrightarrow v = \sqrt{\frac{GM_{\Gamma}}{R_{\Gamma} + h}}$$

$$\text{Περίοδος τροχιάς } T = \frac{2\pi(R_{\Gamma} + h)}{v} = \frac{2\pi(R_{\Gamma} + h)}{\sqrt{\frac{GM_{\Gamma}}{R_{\Gamma} + h}}} = 2\pi(R_{\Gamma} + h)\sqrt{\frac{R_{\Gamma} + h}{GM_{\Gamma}}}$$

Στο ίδιο ύψος h οι δορυφόροι θα έχουν την ίδια περίοδο τροχιάς επομένως η πρόταση είναι λανθασμένη.

γ) Λάθος

→ γιατί αλλάζει η διεύθυνσή της.

δ) Σωστό

→ γιατί είναι διαρκώς κάθετη στην αντίστοιχη ταχύτητα (κάθετη στη στοιχειώδη μετατόπιση)

ε) Λάθος

41. α) Πίεση ονομάζεται το μονόμετρο φυσικό μέγεθος που ισούται με το πηλίκο του μέτρου της κάθετης δύναμης που ασκείται σε μια επιφάνεια προς το εμβαδόν της επιφάνειας αυτής.

$$\text{Δηλαδή: } P = \frac{F_k}{A} \rightarrow \text{μονάδα στο SI: } 1 \text{ Pascal} = 1 \frac{N}{m^2}$$

$$\beta) 1 \text{ atm} \approx 10^5 \text{ Pa}$$

$$1 \text{ atm} = 760 \text{ mmHg} \Rightarrow 1 \text{ mmHg} = \frac{1}{760} \text{ atm} = \frac{10^5}{760} \text{ Pa} = \frac{10^4}{76} \text{ Pa}$$

$$1 \text{ atm} = 76 \text{ cmHg} \Rightarrow 1 \text{ cmHg} = \frac{1}{76} \text{ atm} = \frac{10^5}{76} \text{ Pa}$$

42. Α. Αφού το έμβολο ισορροπεί:

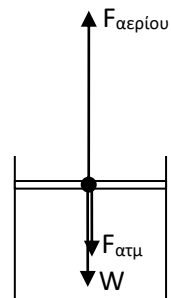
$$\Sigma F = 0 \Leftrightarrow$$

$$F_{\text{αερίου}} = F_{\text{ατμ}} + W \Leftrightarrow$$

$$P_{\text{αερίου}} = P_{\text{ατμ}} + \frac{W}{A} \Leftrightarrow$$

$$W = A \cdot (P_{\text{αερίου}} - P_{\text{ατμ}}) =$$

$$= 300 \cdot 10^{-4} \text{ m}^2 \cdot 1 \cdot 10^5 \text{ Pa} = 3000 \text{ N} \rightarrow \text{επιλογή } (\gamma)$$



$$\text{B. } V = A \cdot h \Rightarrow h = \frac{V}{A} = \frac{6 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3}{300 \cdot 10^{-4} \text{ m}^2} = 0,2 \text{ m} = 20 \text{ cm} \rightarrow \text{επιλογή } (\beta)$$

43.

1. $\gamma \left(\frac{dx}{dt} = v \right)$

2. $\sigma\tau \left(\frac{d\theta}{dt} = \omega \right)$

3. $\delta \left(\frac{dv}{dt} = \alpha \right)$

4. $\zeta \left(\frac{d\omega}{dt} = \alpha_{\gamma\omega\nu.} \right)$

5. $\beta \left(\frac{dP}{dt} = \Sigma F \right)$

6. $\epsilon \left(\frac{dW_F}{dt} = F \cdot v \right)$

7. $\alpha \left(\frac{dK}{dt} = \Sigma F \cdot v \right)$

44.

α) $P = 4atm = 4 \cdot 10^5 Pa$

β) $P = 380mmHg = 380 \frac{1}{760} atm = \frac{38}{76} 10^5 Pa = 0,5 \cdot 10^5 Pa = 5 \cdot 10^4 Pa$

γ) $v = 72 \frac{km}{h} = 72 \cdot \frac{1000m}{360s} = 20m/s$

δ) $a = 36000 \frac{cm}{min^2} = 36000 \frac{10^{-2}m}{(60s)^2} = 36000 \cdot \frac{10^{-2}m}{3600s^2} = 0,1m/s^2$

ε) $f = 720 \frac{\sigma\tau\rho\rho\acute{\epsilon}\zeta}{min} = 720 \frac{\sigma\tau\rho\rho\acute{\epsilon}\zeta}{60s} = 12Hz$

στ) $p = 400g \frac{cm}{s} = 400 \cdot 10^{-3}kg \cdot \frac{10^{-2}m}{s} = 4 \cdot 10^{-3}kg \frac{m}{s}$

ζ) $\omega = 600 \frac{rad}{min} = 600 \frac{rad}{60s} = 10 \frac{rad}{s}$

Επιμέλεια: Γκιώνη Βασιλική